



مدیریت آب و آماری

دوره ۱۱ ■ شماره ۴ ■ زمستان ۱۴۰۰

صفحه‌های ۷۱۳-۷۲۴

DOI: 10.22059/jwim.2021.330171.918

مقاله پژوهشی:

مدل‌سازی توزیع اندازه ذرات رسوبی در قوس رودخانه با استفاده از رگرسیون جمعی تعمیم‌یافته

آرمان نجات دهکردی^{۱*}، احمد شرافتی^{۲*}، مجتبی مهرآین^۳، سید عباس حسینی^۱

۱. دانشجوی دکتری، گروه مدیریت ساخت و آب، واحد علوم و تحقیقات، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران.

۲. استادیار، گروه مدیریت ساخت و آب، واحد علوم و تحقیقات، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران.

۳. استادیار، گروه آموزشی مهندسی عمران، دانشکده فنی و مهندسی، دانشگاه خوارزمی، تهران، ایران.

تاریخ پذیرش مقاله: ۱۴۰۰/۰۶/۲۰

تاریخ دریافت مقاله: ۱۴۰۰/۰۸/۲۰

چکیده

توزیع اندازه ذرات رسوبی یکی از موضوعات مهم در دینامیک رسوبات است که به‌واسطه اثرگذاری بر انتقال رسوب، زبری بستر و شرایط زیستمحیطی رودخانه مورد توجه قرار دارد و با وجود اهمیت بیشتر این موضوع در بسترها قویی بهدلیل شرایط هندسی رودخانه و پیچیدگی جریان‌های حاکم، شناخت کمتری نسبت به آن وجود دارد. در این پژوهش توزیع اندازه ذرات رسوبی در قوس رودخانه‌های با بستر سنی تحت اثر مؤلفه‌های هندسی قوس و مشخصات هیدرولیکی جریان و با استفاده از داده‌های میدانی مطالعه شده است. ۱۸۰ نمونه رسوبی از لایه سطحی بستر، پارامترهای هیدرولیکی جریان شامل سرعت و عمق جریان و مشخصات هندسی، از نه قوس آزاد رودخانه برداشت شده و پس از تعیین مشخصات دانه‌بندی رسوبات در آزمایشگاه و محاسبه سایر پارامترهای موردنیاز، از تنوری پی-باکینگهام برای شناسایی پارامترهای مؤثر بی‌بعد و تعیین معادله مشخصه استفاده شده است. بهمنظور پرهیز از ایجاد خطأ در نتایج، متغیرهای دارای ضربی همبستگی بیشتر از 0.5 و دارای مقدار احتمال بیشتر از 0.05 از فرایند مدل‌سازی حذف شده‌اند و در نهایت با به‌کارگیری روش رگرسیون جمعی تعمیم‌یافته یک مدل ریاضی برای توزیع اندازه ذرات رسوبی براساس پارامترهای هندسی قوس و مشخصات جریان ارائه شده است. رابطه بددست‌آمده اثرگذاری عدد فرود (F_r)، پارامتر شیلدز ($\theta_{shields}$) و نسبت شعاع قوس به عرض مقطع ($\frac{R_c}{T}$) بر متوسط اندازه رسوبات بستر ($\frac{T}{d_s}$) با مقدار ضربی تعیین (R^2) برابر 0.76 را نشان می‌دهد.

کلیدواژه‌ها: آنالیز ابعادی، اندازه ذرات رسوبی، رگرسیون جمعی تعمیم‌یافته، قوس رودخانه.

Modelling of sediment grains size distribution in river bend using generalized additive model

Arman Nejat Dehkordi¹, Ahmad Sharafati^{2*}, Mojtaba Mehraein³, Seyed Abbas Hoseini²

1. Ph.D. Candidate, Department of Water and Construction Management, Science and Research Branch, Islamic Azad University, Tehran, Iran.

2. Assistant Professor, Department of Water and Construction Management, Science and Research Branch, Islamic Azad University, Tehran, Iran.

3. Assistant Professor, Department of Civil Engineering, Faculty of Engineering, Kharazmi University, Tehran, Iran.

Received: September, 09, 2021

Accepted: November, 11, 2021

Abstract

Sediment grains size have always been considered as one of the crucial issues in the case of sediment dynamics. This seems necessary as it significantly affects sediment transport, bed roughness, and river environmental conditions. Since the geometric factors and characteristics of hydraulic flow in river bends are very complex, the analysis of sediment grain size distribution becoming an essential issue in bends that has been studied less so far. In this research, the distribution of the sizes of sediment grains in natural river bends having gravel beds was taken into consideration using field data. To achieve such a goal, 180 sedimentary samples from upper layers and other hydraulic flow parameters, including the velocity and depth of the flow and the characteristics of geometric beds, were gathered from nine different river bends. After determining the grain sizes of the sediments in the laboratory and calculating other required parameters, the P-Buckingham theory was applied to identify both the effective non-dimensional parameters and the characteristic equation. Then, the Generalized Additive Model (GAM) was used to determine the relationship between variables. Also, to avoid errors in the results, variables with a correlation coefficient greater than 0.5 and a probability value (p-value) greater than 0.05 were removed from the modeling process. Finally, a mathematical model for the distribution of sediment particle sizes based on the geometric parameters of the bends and the flow characteristics was developed. The obtained equation, with a coefficient of determination (R^2) equal to 0.76, shows that Froude Number (F_r), Shields parameter ($\theta_{shields}$), and the proportion of curvature radius to the top width section (R_c/T) affect on the median sizes of sediments in the gravel river bends.

Keywords: Dimensional analysis, Generalized additive model, River bend, Sediment grain size.

مقدمه

ذرات رسوبی بهویژه در قوس‌ها کمتر پرداخته شده است. از این‌رو، شناخت پارامترهای مؤثر در توزیع اندازه رسوبات همچنان به عنوان یک مبحث مهم در دینامیک رسوبات محسوب می‌شود و به همین دلیل در این مطالعه بررسی ارتباط اندازه ذرات رسوبی غیریکنواخت با پارامترهای مؤثر هیدرولیک جریان و مؤلفه‌های هندسه قوس در بسترهاشان شنی به عنوان یک ایده نو و موضوع اساسی پژوهش مدنظر قرار گرفته است. از طرف دیگر، اغلب مطالعات انجام‌شده با استفاده از روش‌های تئوری یا عددی، از طریق اعمال برخی فرضیات ساده‌کننده و براساس داده‌های آزمایشگاهی صورت گرفته‌اند؛ که در تعیین بسیاری از روابط به دست آمده به رودخانه‌های طبیعی همواره جانب احتیاط در نظر گرفته می‌شود. بنابراین در مطالعه حاضر برای دستیابی به نتایجی نزدیک‌تر به شرایط واقعی، از داده‌های میدانی استفاده شده است.

برای شناسایی پارامترهای هیدرولیکی و هندسی مؤثر در توزیع اندازه رسوبات از روش تحلیل ابعادی استفاده شده و پارامترهای بی‌بعد با به کارگیری تئوری پی-باکینگهام مشخص شده‌اند و معادله مشخصه بین متغیرها با استفاده از روش رگرسیون تعیین شده است. با وجود استفاده گسترده از روش‌های کلاسیک رگرسیون در مطالعات گذشته، بسیاری از این تکنیک‌ها دقت کافی در پیش‌بینی پدیده‌های طبیعی را ندارند و داده‌های مربوط به علوم زیست‌محیطی با مدل‌های ساده خطی قابل ارائه نمی‌باشند (Mohanta & Patra, 2019). بر همین اساس به نظر می‌رسد برای توصیف چنین مسائلی روش‌های بهبودیافته‌ای که قابلیت بالاتری برای مدل‌سازی دارند، مناسب‌تر می‌باشند.

در این مطالعه به دلیل تصادفی بودن و نوسانات بسیار زیاد داده‌های میدانی از روش رگرسیون جمعی تعیین یافته (GAM)^۱ به عنوان کاربرد یک مدل جدید در مبحث

یکی از مهم‌ترین ویژگی رودخانه‌های طبیعی ترکیب اندازه ذرات رسوبی است که به واسطه تأثیر بر مکانیسم انتقال رسوب (Rovira *et al.*, 2018)، زبری بستر (Fernandez *et al.*, 2020) (Cordier *et al.*, 2020) و شرایط اکولوژیکی رودخانه (Li *et al.*, 2021) بسیار حائز اهمیت می‌باشد.

پژوهش‌گرانی همچون Parker & Andrews (1985) و Julien & Anthony (2002) به صورت تحلیلی حرکت ذرات رسوبی را تحت تأثیر پارامترهای دیگر در قوس بررسی نموده‌اند. Wright & Parker (2005) با استفاده از مدل‌سازی عددی به مطالعه توزیع اندازه ذرات رسوبی و تغییر پروفیل طولی بستر رودخانه‌های ماسه‌ای می‌پردازند و Pitlick *et al.* (2008) یک رابطه رگرسیونی برای توزیع اندازه ذرات رسوبی در لایه‌های سطحی و زیرسطحی در رودخانه‌های با بستر شنی براساس مشخصات جریان ارائه نموده‌اند. همچنین، Jang *et al.* (2011) با به کارگیری مدل‌سازی عددی اثرات نیروی لیفت بر دانه‌بندی ذرات رسوبی در قوس را بررسی می‌نمایند و Natio *et al.* (2019) با بهره‌گیری از روش کمترین مربعات در رگرسیون خطی یک رابطه برای رسوبات با اندازه‌های مختلف در رودخانه‌های با بستر ریزدانه توسعه داده‌اند. Tian *et al.* (2021) ارتباط اندازه ذرات رسوب با خصوصیات معدنی را Kuhnle *et al.* توسط یک رابطه رگرسیونی بیان نموده و McKie *et al.* (2019) به صورت آزمایشگاهی تأثیر تغییر اندازه ذرات رسوبی بر شرایط جریان و تغییر مورفو‌لورژی رودخانه را مطالعه کرده‌اند.

سوابق بالا نشان می‌دهد بیش‌تر پژوهش‌گران اثر اندازه رسوبات بر پدیده‌های دیگر مانند تغییرات تراز بستر، تغییر شرایط اکولوژیکی و مورفو‌دینامیکی را بررسی نموده و به مطالعه ارتباط بین متغیرهای مؤثر با اندازه

امکان جابه‌جایی و حرکت را دارند و تحت عنوان قوس‌های آزاد معرفی می‌شوند، منحصر می‌شود. به همین منظور از میان ۱۱ رودخانه بررسی شده، تعداد سه رودخانه که دارای شرایط ذکر شده بودند و امکان کار صحرایی بر روی آن‌ها میسر می‌شد، انتخاب شدند. این رودخانه‌ها به نام‌های میان‌رودان و نیاکان به ترتیب به طول‌های ۴ و ۴/۶ کیلومتر در حوزه آبریز زاینده‌رود و سبزوار به طول سه کیلومتر از حوزه آبریز کارون می‌باشند (شکل ۱). داده‌های میدانی به صورت عرضی برداشت شده‌اند و برای پوشش کامل قوس به صورت طولی و عرضی، مقاطع برداشت به نحوی انتخاب شده‌اند که ابتدا، میانه و انتهای قوس در نظر گرفته شود و اطلاعات برداشت شده معرف مشخصات قوس انتخابی، داده‌های جریان و رسوب بستر باشند. لازم به ذکر است که عرض گستردگی رودخانه به همراه عمق و سرعت زیاد جریان به‌ویژه در دو رودخانه میان‌رودان و سبزوار امکان حضور و برداشت داده‌ها به صورت عادی را مهیا نمی‌نمود و برای انجام عملیات و برداشت داده‌ها از طناب‌کشی و قایق استفاده شد (شکل ۲). از بین قوس‌های موجود در این رودخانه‌ها تعداد نه قوس برای برداشت داده‌ها برگزیده و در نهایت با انتخاب ۳۶ مقطع عرضی در محدوده قوس‌ها، داده‌های مورد نظر اندازه‌گیری و برداشت شد. این داده‌ها شامل مشخصات هندسی قوس، عرض سطح آزاد هر مقطع عرضی، عمق جریان در طی عرض کanal، سرعت جریان که با استفاده از دستگاه مولینه اندازه‌گیری شده و هم‌چنین رسوبات لایه سطحی در بستر رودخانه می‌باشند. به‌طورکلی، در ۱۸۰ موقعیت از سطح بستر رودخانه در امتداد عرض قوس‌ها، نمونه رسوبات سطحی، سرعت و عمق جریان برداشت شده است.

به‌طورکلی برای انجام پژوهش حاضر مراحل زیر انجام شده است.

دینامیک رسوبات استفاده شده است. مدل GAM به جای توصیف پارامتر با استفاده از یکتابع خطی یا چند جمله‌ای، توابعی هموار را بر متغیرهای پیش‌بینی کننده اعمال می‌کند (Asquith, 2013). از این‌رو، این مدل برای توصیف پدیده‌های غیرخطی طبیعی انعطاف پیش‌تر و توصیف واقع‌بینانه‌تری دارد و با بهره‌گیری از توابع غیرپارامتری برای توزیع‌های مختلف، کیفیت پیش‌بینی Leathwick *et al.*, (2006) برای ارائه مدل بین متغیرها از محیط برنامه‌نویسی R که قابلیت مناسبی در مدل‌سازی روابط رگرسیونی دارد، استفاده شده و رابطه بین پارامترهای هندسی رودخانه، مشخصات جریان و اندازه رسوبات تعیین شده است.

مواد و روش‌ها

پژوهش‌گران برای انجام مطالعات جریان و رسوب در رودخانه‌ها از بررسی‌های میدانی، مدل‌سازی فیزیکی و یا شبیه‌سازی عددی استفاده می‌کنند. با وجود راحتی و کم‌هزینه‌بودن مدل‌سازی‌های فیزیکی و شبیه‌سازی‌های عددی در مقایسه با بررسی‌های میدانی، به‌دلیل ساده‌سازی‌های گستردگی در مدل‌های عددی و عدم امکان ایجاد تمام شرایط واقع در رودخانه‌ها به‌ویژه هندسه پیچیده قوس‌ها در محیط آزمایشگاهی، نتایج حاصل شده قابلیت تعمیم به تمام رودخانه‌های طبیعی را ندارند. از طرف دیگر غالب کارهای انجام شده در سابقه پژوهش‌های اخیر به صورت آزمایشگاهی انجام شده و حضور داده‌های میدانی در کارهای صورت گرفته به‌طور عمده غایب می‌باشد. به همین دلیل در این پژوهش روش مطالعات صحرایی و برداشت داده‌های میدانی انتخاب شده است.

دامنه پژوهش حاضر به رودخانه‌های با بستر سنی با قطر متوسط رسوبات بین هشت تا ۶۴ میلی‌متر ($d_{50} < 64$) و قوس‌هایی از رودخانه که در دو سوی خود

- تعداد داده‌های محدود با توجه به دشواری نمونه‌بردارهای میدانی
- برداشت سرعت جریان به صورت یک بعدی در امتداد مسیر حرکت جریان
- محدودشدن دامنه مطالعات به رودخانه‌های با بستر شنی و قوس‌های آزاد
- ثابت فرض نمودن مشخصات آب (جرم مخصوص سینماتیک $\rho = 1000 \text{ kg/m}^3$ و لزجت $\vartheta = 1 \times 10^{-6} \text{ m}^2/\text{s}$)

- شناسایی رودخانه‌ها و قوس‌های مناسب با دامنه پژوهش و برداشت داده‌های میدانی از قوس‌های منتخب
- تعیین پارامترهای آزمایشگاهی و محاسباتی داده‌های برداشت شده
- انجام آنالیز ابعادی و به کارگیری تئوری پی-باکینگهام برای به دست آوردن متغیرهای بی بعد مؤثر مدل‌سازی بین متغیرها با مدل رگرسیون GAM و تعیین رابطه بین متغیرها با توجه به شرایط میدانی محدودیت‌های زیر در این مطالعه مدنظر قرار گرفته است.

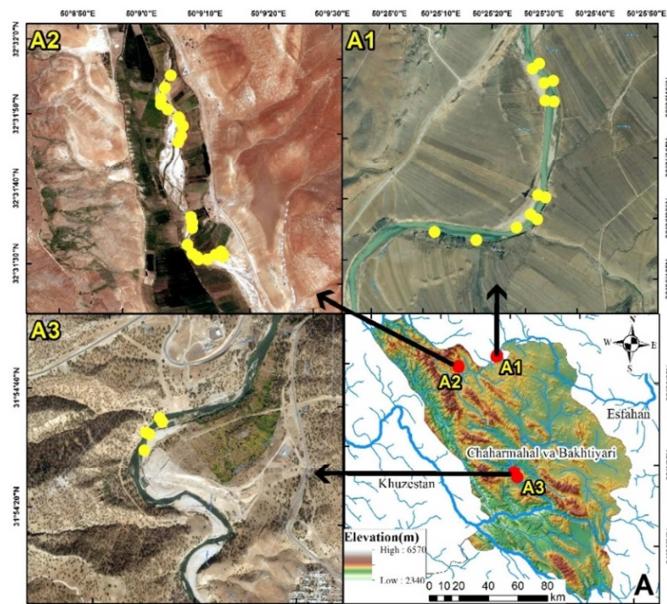


Figure 1. Location of rivers and study areas (A1: Mianroodan, A2: Niakan, A3: Sabzkooh)



Figure 2. Field measurement in abzkooh river as a case study

غوطه‌وری ذرات رسوب می‌باشد. آزمایش‌های فوق برای تمام دانه‌های رسوبی انجام شده است و در طی آزمایش‌ها، خطاهای احتمالی برطرف شده و از طریق مقایسه داده‌ها با یکدیگر و کنترل آن‌ها با مراجع، از صحت آن‌ها اطمینان حاصل شد. داده‌های میدانی جریان با استفاده از روابط ریاضی موجود به داده‌های محاسباتی تبدیل شده‌اند و پارامترهای هندسی قوس نیز از روی داده‌های توپوگرافی استخراج شده است. جدول (۱) خلاصه مشخصات پارامترهای هندسی قوس، جریان و ذرات رسوبی را نشان می‌دهد.

نتایج و بحث

هدف از پژوهش حاضر بررسی ارتباط بین اندازه ذرات رسوبی و مشخصات جریان در حضور پارامترهای هندسی قوس و ارائه یک رابطه ریاضی بین پارامترهای مؤثر می‌باشد. برای تحلیل مسئله از روش آنالیز ابعادی براساس تئوری پی-باکینگهام (Albrecht *et al.*, 2013) استفاده شده و پس از شناخت روابط بین، با استفاده از روش رگرسیون جمعی تعیین‌یافته رابطه بین پارامترها تعیین شده است.

آنالیز ابعادی و برقرارنمودن رابطه بین متغیرها مستلزم شناخت پارامترهای مؤثر در مسئله می‌باشد و عوامل متعددی در پذیده انتقال و توزیع رسوبات مؤثر است که با تغییر هر کدام از آن‌ها، پارامترهای ترکیبی متعددی استخراج می‌شود.

داده‌های آزمایشگاهی و محاسباتی

دو پارامتر متوسط اندازه ذرات رسوبی برداشت شده از لایه سطحی بستر (d_s) و وزن مخصوص آن‌ها (S) برای تمام نمونه‌ها در آزمایشگاه مکانیک خاک اندازه‌گیری شده است. اساسی‌ترین آزمایش صورت‌گرفته بر روی ذرات رسوبی، دانه‌بندی رسوبات بهمنظور استخراج دامنه و اندازه متوسط آن‌ها (d_s) بوده است. رسوبات برداشت شده از بستر رودخانه دارای طیف وسیعی از اندازه می‌باشند، لیکن با توجه به درشت‌دانه‌بودن آن‌ها، آزمایش دانه‌بندی براساس شیوه ASTM6913 و بهروش الک استاندارد صورت‌گرفته است.

تجزیه و تحلیل اندازه ذرات به تشخیص درصد ذرات برحسب جرم خشک اشاره دارد، بر همین اساس کلیه نمونه‌های رسوبی پس از شستشو، بهطور کامل در دستگاه خشک و سپس با استفاده از الک‌های استاندارد دانه‌بندی شده و منحنی دانه‌بندی آن‌ها استخراج شده است. همچین وزن مخصوص ذرات (S) بهصورت یک کمیت بی‌بعد بهصورت نسبتی از جرم مخصوص ذرات رسوبی به جرم مخصوص آب ($\frac{\rho_S}{\rho_W}$) تعیین می‌شود و برای اندازه‌گیری آن از روش پیشنهادی استاندارد ASTM854 و به شیوه غوطه‌وری ذرات رسوبی (ارشمیدس) اندازه‌گیری و براساس رابطه (۱) محاسبه شده است (Germaine, 2009).

$$G_S = \frac{m_d}{m_d - m'_{sat}} \quad (1)$$

در این رابطه m_d و m'_{sat} بهترتیب جرم خشک و

Table 1. Summary of the field measurements ranges in the bends

Filed Case	Curvature radius	Top crossing width	Mean flow depth	Mean flow velocity	Median grain size	Specific Gravity
	Rc (m)	T (m)	h (m)	u (m/s)	ds (mm)	S
Case 1	77.99	4.15-6.50	0.13-0.22	0.41-0.86	31.79-40.99	2.67
Case 2	71.43	4.30-7.0	0.11-0.15	0.37-0.70	25.84-30.46	2.67
Case 3	84.22	4.60-6.40	0.11-0.13	0.44-0.57	28.57-30.66	2.67
Case 4	64.50	3.60-6.90	0.14-0.26	0.15-0.51	24.86-32.50	2.69
Case 5	17.11	4.20-5.70	0.13-0.26	0.26-0.69	25.30-28.79	2.67
Case 6	233.10	32.0-58.50	0.43-0.58	0.56-0.86	25.56-34.01	2.67
Case 7	140.07	39.0-42.0	0.42-0.95	0.57-0.91	33.25-37.43	2.69
Case 8	171.82	23.0-35.0	0.79-1.29	0.70-0.88	24.37-30.22	2.71
Case 9	188.37	19.70-24.0	1.15-1.38	0.70-0.95	28.75-35.93	2.67

تکراری و پس از یک سری ساده‌سازی‌ها و ترکیب پارامترهای بی‌بعد اولیه تعداد هفت عدد پارامتر نهایی به صورت $\pi_3 = \frac{d_s \sqrt{\tau_0 \rho}}{\mu}$, $\pi_2 = \frac{\tau_0}{\rho g (s-1) d_s}$, $\pi_1 = \frac{\rho_s - \rho}{\rho}$, $\pi_7 = \frac{h}{T}$, $\pi_5 = \frac{R_C}{d_s}$, $\pi_6 = \frac{u}{\sqrt{gh}}$, $\pi_4 = \frac{u}{\sqrt{gh}}$ تعیین می‌گردد. پارامترهای π_1 تا π_4 به ترتیب معرف پارامترهای شناخته شده $S - 1$: چگالی نسبی ذره رسوی، $\theta_{Shields}$: پارامتر شیلدز، Re_* : رینولدز ذره و F_r : عدد فرود می‌باشند و پارامتر π_5 معرف نسبت بی‌بعد عرض مقطع به متوسط اندازه ذرات رسوی، پارامتر π_6 بیانگر نسبت عمق متوسط به عرض متوسط مقطع عرضی و π_7 نسبت شعاع قوس به عرض متوسط می‌باشد. با انتخاب $\frac{T}{d_s}$ به عنوان پارامتر وابسته که مشخص‌کننده اندازه متوسط ذرات رسوی در امتداد عرض قوس می‌باشد معادله مشخصه به صورت رابطه (۳) تبدیل خواهد شد.

$$\frac{T}{d_s} = \left(S - 1, \theta_{Shields}, Re_*, F_r, \frac{h}{T}, \frac{R_C}{T} \right) \quad (3)$$

پارامترهای فوق با توجه به ارتباط مشخصات ذرات رسوی و هیدرولیک جریان با ویژگی‌های هندسی بستر رودخانه از لحاظ فیزیکی معنی دار بوده و با مطالعات علمی محققین دیگر نیز انطباق دارند. هم‌چنین با وجود امکان پیش‌بینی ارتباط پارامترهای $\theta_{Shields}$ و Re_* و تأثیر $S - 1$ به عنوان یک پارامتر ثابت، در این مرحله هیچ پارامتری حذف نگردید تا ارتباط بین پارامترها براساس آزمون همبستگی بررسی شود و نقش هر پارامتر براساس ارتباط داده‌ها مشخص شود.

مدل‌سازی ریاضی با استفاده از روش رگرسیون جمعی تعمیم‌یافته (GAM)

مدل‌های آماری با یک سعی و خطابی بین قابلیت تفسیرپذیری و منعطف‌بودن مواجه هستند. به عنوان مثال مدل‌های خطی قابلیت تفسیرپذیری مناسبی دارند، اما از آنجایی که برآرتش مناسبی بر داده‌های میدانی واقع در طبیعت

به کارگیری همه این عوامل علاوه بر این که نیازمند صرف زمان زیادی برای شناسایی روابط بین متغیرها می‌باشد، به واسطه حضور خطاهای حاصل از هر پارامتر نیز موجب ایجاد روابطی پیچیده‌تر و با صحت کمتری خواهد شد. بنابراین می‌باشد با حذف پارامترهای مرتبط و در نظر گرفتن پارامترهای مستقل، تعداد متغیرهای مؤثر را به گونه‌ای که به طور کامل بیانگر رفتار پدیده موردنظر باشند و بتوان نتایج را طبق رابطه حاصله به درستی تفسیر نمود، کاهش داد (Dutta & Garcia, 2018).

در این پژوهش پارامترهای مؤثر براساس فیزیک پدیده انتقال و توزیع رسوبات و سابقه پژوهش شناسایی شده‌اند و آن‌ها را می‌توان در سه دسته مشخصات جریان و رسو، خصوصیات جریان و هندسه کانال تقسیم نمود که پارامترهای تأثیرگذار در هر قسمت عبارتند از:

مشخصات سیال و رسو

ρ : جرم مخصوص سیال [ML^{-3}], μ : لزجت دینامیکی سیال [$ML^{-1}T^{-1}$], g : شتاب ثقل [LT^{-2}], $\rho_s - \rho$: جرم مخصوص غوطه‌وری رسوبات [ML^{-3}] و d_s : اندازه متوسط ذرات رسو [L].

خصوصیات جریان

H : عمق متوسط جریان [L], u : سرعت متوسط جریان در مقطع [LT^{-1}] و τ_0 : تنش برشی متوسط بستر [$ML^{-1}T^{-2}$]

مشخصات هندسی کanal

T : عرض سطح آزاد [L] و R_C : شعاع قوس [L]. بنابراین ارتباط بین پارامترها را می‌توان به شکل تابع مشخصه در رابطه (۲) بیان نمود.

$$f(\rho, \rho_s - \rho, g, \mu, d_s, h, u, \tau_0, T, R_C) = 0 \quad (2)$$

با لحاظ پارامترهای τ_0 , ρ و d_s به عنوان متغیرهای

در این پژوهش برای انجام مدل‌سازی و به دست آوردن معادله‌ای تقریبی از ارتباط $\frac{T}{d_s}$ با سایر متغیرها از محیط برنامه‌نویسی نرم‌افزار R (نسخه 4.0.5)، که به صورت منبع باز می‌باشد و مدل GAM در بسته‌های الحقیقی آن قرار دارد، استفاده شده است. برای مدل‌سازی، ۲۵ درصد داده‌ها به عنوان داده‌های آزمایش جهت صحبت‌سنگی مدل و مقایسه نتایج نهایی، به صورت تصادفی جدا شده و باقیمانده داده‌ها به عنوان داده‌های آموزش برای فرایند مدل‌سازی مورد استفاده قرار گرفته‌اند.

قبل از شروع مدل‌سازی در مرحله پیش‌پردازش، خطای جمع‌آوری داده‌ها با حذف داده‌های پرت بر طرف شده و همبستگی بین پارامترهای منتخب با استفاده از آزمون‌ها بررسی شده است.

از آنجایی که همبستگی بین متغیرها باعث ایجاد هم‌خطی در مدل و بروز خطا در نتایج می‌شود؛ داده‌ها به گونه‌ای پردازش شده‌اند که تنها متغیرهایی باقی بمانند که ضریب همبستگی هر جفت از آن‌ها کم‌تر از مقدار $0.5/0$ باشد. این پردازش باعث حذف متغیر Re_* که در جدول همبستگی با متغیرهای $\frac{R_c}{T}$ و $\theta_{Shields}$ به ترتیب دارای همبستگی $0.56/0$ و $0.82/0$ می‌باشد، شده است (جدول ۲). البته ارتباط بین دو پارامتر Re_* و $\theta_{Shields}$ از لحاظ فیزیک مسئله نیز قابل تفسیر است.

بنابراین از میان متغیرهای کمکی در معادله مشخصه با حذف پارامتر Re_* پارامترهای $\frac{R_c}{T}$ و $\theta_{Shields}$ و F_r و $S - 1$ به عنوان پارامترهای مستقل تأثیرگذار باقی‌مانده‌اند. هم‌چنین به منظور بر طرف‌نمودن خطاهای واردشده در مقادیر داده‌ها، با استفاده از آزمون‌های آماری مانند روش بون‌فرونی^۱ (Freund *et al.*, 2010) و با توجه به ماتریس متغیرهای کمکی^۲، مقادیر داده‌های پرت از متغیرها حذف شده‌اند. برای پردازش داده‌ها براساس مدل GAM ابتدا برای هر متغیر کمکی به صورت جداگانه، فرم‌های معمول و رایج شامل

ایجاد نمی‌نمایند برای مسائل پیچیده‌تر می‌باید از مدل‌های پیشرفته یادگیری ماشین استفاده نمود. این مدل‌ها در کنار قابلیت‌های بالایی که دارند به تعداد داده‌های زیادتری نیاز دارند و تفسیر آن‌ها به راحتی امکان‌پذیر نیست (Froehlich, 2020). در بین مدل‌های پیچیده یادگیری ماشین (مثل شبکه عصبی) و مدل‌های رگرسیون خطی، مدل رگرسیون جمعی تعیین‌یافته روش ساده‌ای را ارائه می‌کند و در آن پیش‌بینی نتایج حتی برای مدل‌های پیچیده و روابط غیرخطی به درستی انجام می‌پذیرد. از این‌رو، با توجه به ماهیت میدانی این مطالعات و هم‌چنین عدم امکان برداشت داده‌های زیاد، روش GAM به عنوان یک مدل مناسب نسبت به مدل‌های خطی و یادگیری ماشین انتخاب شده است.

مدل GAM (Hastie & Tibshirani, 1990) نوعی مدل خطی تعیین‌یافته است که از یک پیش‌بینی‌کننده به صورت جمعی از توابع هموار بهره می‌برد و تفاوت اصلی آن با سایر مدل‌های خطی تعیین‌یافته در همین می‌باشد. این مدل به صورت نیمه‌پارامتریک است و با دقت قابل قبول نسبت به Pourghasemi & Rossi, 2016 (Rossi, 2016) و به طور کلی ساختار آن براساس یک مدل جمعی طبق رابطه (۴) تعیین می‌شود.

$$g(E(y)) = \beta_0 + f_1(x_1) + f_2(x_2) + \dots + f_m(x_m) \quad (4)$$

که در این رابطه $E(y)$ تابع واسطی بین متغیرهای پیش‌بینی‌کننده x_1 و x_2 و ... x_m و مقادیر قابل انتظار می‌باشد. β_0 مقدار ثابت و f_i ممکن است توابعی با یک فرم پارامتریک مشخص مانند چندجمله‌ای، نمایی، لگاریتمی و ... از یک متغیر یا به صورت غیرپارامتری و یا نیمه‌پارامتریک به صورت توابعی هموار مطرح شوند. روش‌های رگرسیونی برای زمان‌هایی که اطلاع قبلی و مشخصی از نحوه رفتار و تغییرات متغیرهای کمکی در ارتباط با متغیر پاسخ وجود ندارد، مناسب می‌باشند و رابطه مناسب از طریق برآش و یافتن ارتباط بهینه بین این متغیرها به دست می‌آید.

ساده‌تر یعنی مرتبه دو به عنوان فرم برآش چندجمله‌ای، برگزیده شده است تا با سایر فرم‌ها مقایسه شود. سپس برای هر متغیر فرمی که دارای بهترین برآش (R^2 بالاتر) می‌باشد، انتخاب شده است (شکل ۳) و در نهایت فرم‌های منتخب به صورت معادله جمعی کنار هم قرار گرفته‌اند تا یک معادله واحد برای پیش‌بینی متغیر هدف به وجود آید (جدول ۳).

چند جمله‌ای (درنهایت تا مرتبه سه)، توانی (درنهایت تا مرتبه سه)، نمایی و لگاریتمی استفاده شده‌اند. از بین فرم‌های چندجمله‌ای مرتب یک تا سه به کمک آزمون تحلیل واریانس⁴ (Thompson & Lowthian, 2011) مرتبه مناسب انتخاب و با سایر فرم‌ها مقایسه شده است. به عنوان مثال چنان‌چه براساس این آزمون مرتبه سه با دو تفاوتی نداشته باشد، فرم

Table 2. Correlation coefficient between variables

Variables	$\frac{R_c}{T}$	F_r	$S - 1$	$\theta_{Shields}$	$\frac{h}{T}$	Re_*	$\frac{T}{d_s}$
$\frac{R_c}{T}$	1	0.36	-0.33	0.47	0.32	0.56	0.057
F_r	0.36	1	-0.19	0.38	-0.19	0.45	0.01
$\theta_{Shields}$	0.47	0.38	-0.26	1	0.14	0.82	-0.04
$\frac{h}{T}$	0.32	-0.19	-0.15	0.14	1	0.26	0.01
Re^*	0.56	0.45	-0.30	0.82	0.26	1	-0.01
$\frac{T}{d_s}$	0.06	0.10	-0.01	-0.04	0.01	-0.01	1

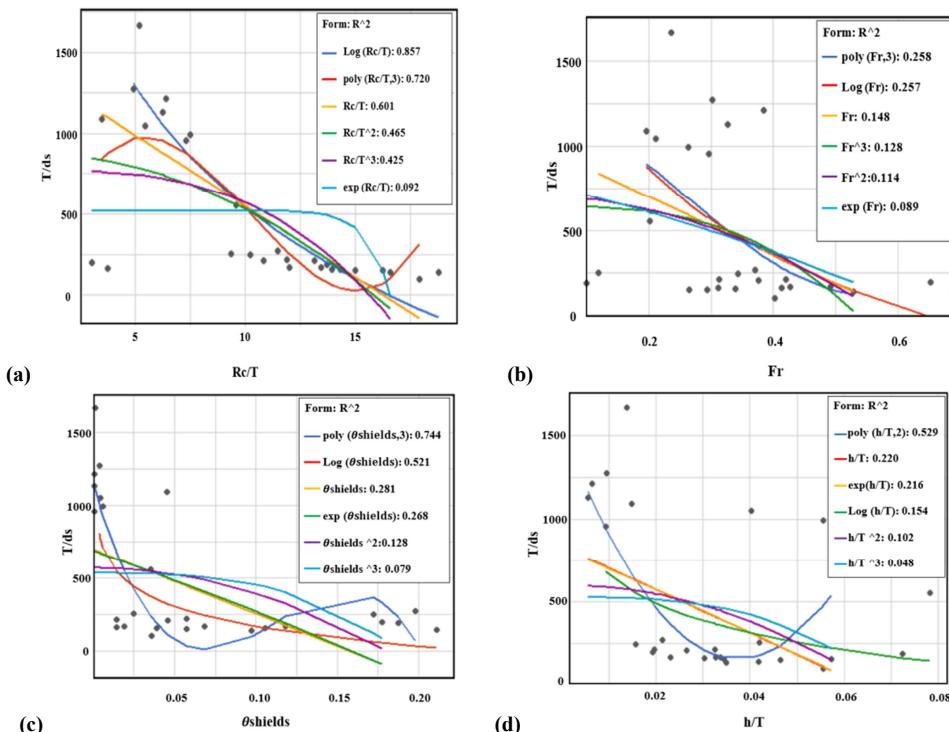


Figure 3. Fitting polynomial, exponential and logarithmic forms for a) R_c/T , b) F_r , c) $\theta_{shields}$, d) h/T to T/ds

Table 3. Selected fitting form for auxiliary variables

Variables	$\frac{R_c}{T}$	F_r	$\theta_{Shields}$	$\frac{h}{T}$
Selected form	$\log\left(\frac{R_c}{T}\right)$	$Poly(F_r, 3)$	$Poly(\theta_{shields}, 3)$	$Poly\left(\frac{h}{T}, 2\right)$

درصد، برای تعیین رابطه باقی می‌مانند. در جدول تحلیل واریانس (جدول ۵) علاوه بر پارامترهای درجه آزادی (Df ، $Sum Sq.$ ، $Mean Sq.$)، میانگین مربعات مقادیر مجموع مربعات (F value.)، مقدار آماره F (قدار $> F$)، مقدار آماره F (Mean Sq.) که همان مقدار احتمال می‌باشد، نیز دیده می‌شود. مقدار p -value برای متغیر $\frac{h}{T}$ با فرم $poly(\frac{h}{T}, 2)$ بیشتر از ۵ درصد بوده و به این معنا است که حضور یا عدم حضور اینتابع، به عنوان بهترین تابع از متغیر $\frac{h}{T}$ تفاوتی ندارد و حضورش در مدل معنی دار نمی‌باشد و به همین دلیل از مدل حذف می‌شود. مقدار احتمال برای سایر متغیرها کمتر از ۵ درصد می‌باشد و این نشان می‌دهد که اثر این متغیرها بر روی متغیر پاسخ معنی دار است و تغییر در آنها متغیر $\frac{T}{d_s}$ را تحت تأثیر قرار می‌دهد.

پس از حذف متغیر $\frac{h}{T}$ و بررسی مجدد آزمون تحلیل واریانس برای متغیرهای باقی مانده، مشخص می‌شود که مقادیرتابع آنها در مدل کمتر از ۵ درصد می‌باشد (جدول ۶) و بر این اساس مدل نهایی استخراج شده برای $\frac{T}{d_s}$ براساس توابع $\frac{R_c}{T}$ ، $\theta_{Shields}$ و F_r تعیین می‌شود. با محاسبه ضرایب ثابت و متغیرهای کمکی محاسبه شده (جدول ۷)، مدل نهایی توزیع اندازه ذرات رسوبی ($\frac{T}{d_s}$) و متاثر از پارامترهای بی بعد مستقل به صورت روابط (۹) تا (۱۱) تعیین می‌شود.

در این مرحله متغیر $1 - S$ در روند رگرسیون بین متغیرها و انتخاب بهترین حالت، به عنوان یک پارامتر کم تأثیر عمل می‌نماید و حضور آن در مجموعه متغیرهای کمکی تأثیری در فرم معادله منتخب ندارد. به همین دلیل از مجموعه متغیرهای کمکی حذف شده است و پارامترهای $\frac{R_c}{T}$ ، F_r و $\frac{h}{T}$ به عنوان پارامترهای مستقل تأثیرگذار باقی می‌مانند. با به کارگیری مدل GAM و براساس فرم مناسب برآراش هر متغیر، ضرایب ثابت و متغیرهای کمکی محاسبه (جدول ۴) و فرم تجمعی پیشنهادی براساس پارامترهای مستقل به صورت معادلات (۵) تا (۸) تعیین شده است.

$$\frac{T}{d_s} \approx 979.763 - 220.184 \times \log\left(\frac{R_c}{T}\right) + f(F_r) + g(\theta_{Shields}) + k\left(\frac{h}{T}\right) \quad (5)$$

$$f(F_r) = \quad (6)$$

$$F_r \times (-351.188 + 70.58 \times F_r + 411.418 \times F_r^2) \quad (6)$$

$$g(\theta_{Shields}) = \theta_{Shields} \times \quad (7)$$

$$(-771.595 + 827.056 \times \theta_{Shields} - 305.378 \times \theta_{Shields}^2) \quad (7)$$

$$k\left(\frac{h}{T}\right) = \frac{h}{T} \times \left(-3331.717 + 359.43 \times \frac{h}{T}\right) \quad (8)$$

با استفاده از روش حذف برگشتی (Witten et al., 2011) و به کارگیری مجدد آزمون تحلیل واریانس متغیرهایی که دارای مقدار احتمال (p-value) بیشتر از ۵ درصد هستند را حذف می‌کنیم و متغیرهای داری p-value کمتر از ۵

Table 4. Coefficients of variables in the selected form- First step

$\log(\frac{R_c}{T})$	Poly ($F_r, 3$)			Poly ($\theta_{Shields}, 3$)			Poly ($\frac{h}{T}, 2$)	
	$O(1)$	$O(2)$	$O(3)$	$O(1)$	$O(2)$	$O(3)$	$O(1)$	$O(2)$
-220.184	-351.188	70.580	411.418	-771.595	827.056	-305.378	-331.717	359.430

*Cons.=979.763; ** $R^2=0.78$; ***O:Order of polynomial

Table 5. Analysis of variance for variables-First step

Selected Form	df	Sum Sq.	Mean Sq.	F value.	Pr(> F)
$\log(\frac{R_c}{T})$	1	2342003.30	2342003.30	31.67	0.00
$poly(F_r, 3)$	3	703283.63	234427.87	3.17	0.04
$poly(\theta_{Shields}, 3)$	3	1396732.66	465577.55	6.29	0.01
$poly(\frac{h}{T}, 2)$	2	113490.92	56745.46	0.76	0.48

Table 6. Analysis of variance for variables-Second step

Selected Form	df	Sum Sq.	Mean Sq.	F value.	Pr(> F)
$\log\left(\frac{R_c}{T}\right)$	1	2342003.30	2342003.30	32.47	0.00
$\text{poly}(F_r, 3)$	3	703283.63	234427.88	3.25	0.04
$\text{poly}(\theta_{\text{shields}}, 3)$	3	1396732.66	465577.55	6.46	0.00

Table 7. Coefficients of variables in the selected form-Second step

$\log\left(\frac{R_c}{T}\right)$	Poly ($F_r, 3$)			Poly ($\theta_{\text{shields}}, 3$)		
	O (1)	O (2)	O (3)	O (1)	O (2)	O (3)
-278.180	-341.909	-18.890	434.691	-817.363	1,004.840	-465.779

*Cons.= 1,108.799; ** R²=0.76; *** O:Order of polynomial

هستند، منجر شد و پس از ترکیب آنها، پارامترهای نهایی به صورت $S - 1$ به صورت $\log\left(\frac{R_c}{T}\right)$ و $\text{poly}(F_r, 3)$ و $\text{poly}(\theta_{\text{shields}}, 3)$ مشخص شدند. در فرایند مدل‌سازی، Re_* به دلیل وابستگی به متغیرهای θ_{shields} و R_c و پارامترهای $S - 1$ و F_r به دلیل θ_{shields} و R_c بثباتی به تأثیر کم و داشتن مقدار احتمال (p-value) بیشتر از ۰.۰۵ درصد از متغیرها حذف شدند و با تعیین فرم منتخب برای R_c به صورت لگاریتمی و برای F_r و θ_{shields} چند جمله‌ای از مرتبه سه ترکیب نهایی مدل به صورت تابعی از متغیرها با $R^2 = 0.76$ تعیین شد.

نتیجه به دست آمده از مدل‌سازی مشخص نمود بین پارامترهای معرف هیدرولیک جریان و هندسه قوس با اندازه ذرات رسوب بستر ارتباط معنی‌داری وجود دارد و توزیع اندازه ذرات رسوب بستر در قوس‌ها ($\frac{T}{d_s}$) متاثر از سه پارامتر بی‌بعد شامل نسبت انحنا قوس ($\frac{R_c}{T}$)، عدد فرود جریان (F_r) و پارامتر شیلدز (θ_{shields}) می‌باشد. مدل Wright ارائه شده نسبت به کار سایر پژوهش‌گران نظری & McKie et al. (2019) و Parker (2005) Natio et al. (2005) (2020) به دلیل لحاظ‌نمودن پارامتر معرف هندسه قوس، استفاده از داده‌های میدانی و به کارگیری روش GAM، که دقیق بالاتر و پیش‌بینی بهتری نسبت به مدل‌های کلاسیک دارد، دارای نوآوری است. نتیجه صحت‌سنجی این مدل با ۲۵ درصد از داده‌ها نشان می‌دهد انطباق مناسبی بین آنها وجود دارد و بنابراین رابطه نهایی برای تعیین اندازه

$$\frac{T}{d_s} \approx 1108.799 - 278.18 \times \log\left(\frac{R_c}{T}\right) + f(F_r) + g(\theta_{\text{shields}}) \quad (9)$$

$$(F_r) = \begin{aligned} & (-341.909 - 18.89 \times F_r + 434.691 \times F_r^2) \\ & (-817.363 + 1004.84 \times \theta_{\text{shields}} - 465.779 \times \theta_{\text{shields}}^2) \end{aligned} \quad (10)$$

$$g(\theta_{\text{shields}}) = \theta_{\text{shields}} \times (-817.363 + 1004.84 \times \theta_{\text{shields}} - 465.779 \times \theta_{\text{shields}}^2) \quad (11)$$

نتیجه‌گیری

این مطالعه یک مدل رگرسیونی برای توزیع اندازه رسوبات غیریکنواخت در قوس رودخانه‌های دارای بستر سنی تحت اثر مشخصات هیدرولیکی جریان و پارامترهای هندسی قوس ارائه می‌نماید. برای تحلیل مسئله و شناسایی پارامترهای مؤثر از روش آنالیز ابعادی و تئوری پی-باکینگهام استفاده گردیده و با بکارگیری مدل تجمعی تعیین‌یافته (GAM) یک رابطه ارائه شده است. مدل به دست آمده براساس مجموعه‌ای از داده‌های میدانی، برداشت شده از $\bar{u} \leq 0.17 \leq 0.95 \text{ m/s}$ ، اندازه متوسط ذرات رسوب $d_{50} \leq 40.99 \text{ mm}$ و شاعع قوس $R_c \leq 188 \text{ m} \leq 17$ استوار گردیده است.

نتیجه تحلیل ابعادی انجام شده، به تعیین هفت عدد متغیر بی‌بعد (π_i) که هر کدام معرف یک پارامتر شاخص

مدیریت آب و آبیاری

- Engineers. New Jersey, John Wiley & Sons, Inc.
- 9. Hastie, T., & Tibshirani, R.J .(1990) . *Generalized Additive Models Monographs on Statistics and Applied Probability*. London , Chapman and Hall.
 - 10. Jang, J., Ho, H., & Yen, C. (2011). Effects of Lifting Force on Bed Topography and Bed-Surface Sediment Size in Channel Bend. *Journal of Hydraulic Engineering*, 137(9), 911-920.
 - 11. Julien, P. Y., & Anthony, D. J. (2002). Bed load motion and grain sorting in a meandering stream. *Journal of Hydraulic Research*, 40(2), 125-133.
 - 12. Kuhnle, R. A., Wren, D. G., & Langendoen, E. J. (2019). Structural Changes of Mobile Gravel Bed Surface for Increasing Flow Intensity. *Journal of Hydraulic Engineering*, 146(2), [https://doi.org/10.1061/\(ASCE\)HY.1943-7900.0001699](https://doi.org/10.1061/(ASCE)HY.1943-7900.0001699).
 - 13. Leathwick, J. R., Elith, J., & Hastie, T. (2006). Comparative performance of generalized additive models and multivariate adaptive regression splines for statistical modelling of species distributions. *Ecological Modelling*, 199(2), 188-196.
 - 14. Li, J., He, X., Wei, J., Bao, Y., Tang, Q., Nambajimana, J. de D., Nsabimana, G., & Khurram, D. (2021). Multifractal features of the particle-size distribution of suspended sediment in the Three Gorges Reservoir, China. *International Journal of Sediment Research*, 36(4), 489-500.
 - 15. McKie, C. W., Juez, C., Plumb, B. D., Annable, W. K., & Franca, M. J. (2020). How Large Immobile Sediments in Gravel Bed Rivers Impact Sediment Transport and Bed Morphology. *Journal of Hydraulic Engineering*, 147(2), [https://doi.org/10.1061/\(ASCE\)HY.1943-7900.0001842](https://doi.org/10.1061/(ASCE)HY.1943-7900.0001842).
 - 16. Mohanta, A., & Patra, K. C. (2019). MARS for Prediction of Shear Force and Discharge in Two-Stage Meandering Channel. *Journal of Irrigation and Drainage Engineering*, 145(8), [https://doi.org/10.1061/\(ASCE\)IR.1943-3477.0001402](https://doi.org/10.1061/(ASCE)IR.1943-3477.0001402).
 - 17. Naito, K., Ma, H., Nittrouer, J. A., Zhang, Y., Wu, B., Wang, Y., Fu, X., & Parker, G. (2019). Extended Engelund-Hansen type sediment transport relation for mixtures based on the sand-silt-bed Lower Yellow River, China. *Journal of Hydraulic Research*, 57(6), 770-785.

متوسط ذرات رسوب (d_{50}) در سایر رودخانه‌های قوی شکل با بستر سنی می‌تواند قابلیت استفاده داشته باشد.

پی‌نوشت‌ها

1. Generalized Additive Model (GAM)
2. Bonferroni test
3. Hat Matrix
4. Analysis of Variance (ANOVA)

تعارض منافع

هیچ‌گونه تعارض منافع توسط نویسنده‌گان وجود ندارد.

منابع

1. Albrecht, M. C., Nachtsheim, C. J., Albrecht, T. A., & Cook, R. D. (2013). Experimental design for engineering dimensional analysis. *Technometrics*, 55(3), 257-270.
2. Asquith, W. H. (2013). Regression Models of Discharge and Mean Velocity Associated with Near-Median Streamflow Conditions in Texas: Utility of the U.S. Geological Survey Discharge Measurement Database. *Journal of Hydrologic Engineering*, 19(1), 108-122.
3. Cordier, F., Tassi, P., Claude, N., Crosato, A., Rodrigues, S., & Pham Van Bang, D. (2020). Bar pattern and sediment sorting in a channel contraction/expansion area: Application to the Loire River at Bréhémont (France). *Advances in Water Resources*, 140(1), 1-18.
4. Dutta, S., & Garcia, M. H. (2018). Nonlinear Distribution of Sediment at River Diversions: Brief History of the Bulle Effect and Its Implications. *Journal of Hydraulic Engineering*, 144(5), 1-12.
5. Fernández, R., Vitale, A. J., Parker, G., & García, M. H. (2020). Hydraulic resistance in mixed bedrock-alluvial meandering channels. *Journal of Hydraulic Research*, 59(2), 298-313.
6. Freund, R.J., Wilson, W.J. and Mohr, D.L. (2010). *Statistical Methods*. Cambridge, Academic Press.
7. Froehlich, D. C. (2020). Neural Network Prediction of Maximum Scour in Bends of Sand-Bed Rivers. *Journal of Hydraulic Engineering*, 146(10), [https://doi.org/10.1061/\(ASCE\)HY.1943-7900.0001804](https://doi.org/10.1061/(ASCE)HY.1943-7900.0001804).
8. Germaine, J. T., & Germaine, A. V. (2009). *Geotechnical Laboratory Measurements for*

18. Parker, G., & Andrews, E. D. (1985). Sorting of Bed Load Sediment by Flow in Meander Bends. *Water Resources Research*, 21(9), 1361-1373.
19. Pitlick, J., Mueller, E. R., Segura, C., Cress, R., & Torizzo, M. (2008). Relation between flow, surface-layer armoring and sediment transport in gravel-bed rivers. *Earth Surface Processes and Landforms*, 33(8), 1192-1209.
20. Pourghasemi, H. R., & Rossi, M. (2016). Landslide susceptibility modeling in a landslide prone area in Mazandaran Province, north of Iran: a comparison between GLM, GAM, MARS, and M-AHP methods. *Theoretical and Applied Climatology*, 130(1), 609-633.
21. Rovira, A., Núñez-González, F., & Ibañez, C. (2018). Dependence of sediment sorting on bedload transport phase in a river meander. *Earth Surface Processes and Landforms*, 43(10), 2077-2088.
22. Thompson, M., & Lowthian, P. J. (2011). *Analysis of Variance (ANOVA) and Its Applications*. London. Imperial college Press.
23. Tian, S., Li, Z., Wang, Z., Jiang, E., Wang, W., & Sun, M. (2021). Mineral composition and particle size distribution of river sediment and loess in the middle and lower Yellow River. *International Journal of Sediment Research*, 36(3), 392-400.
24. Witten, I. H., Frank, E., & Hall, M. A. (2011). *Data Mining: Practical Machine Learning Tools and Techniques*. Burlington, Morgan Kaufmann publications.
25. Wright, S., & Parker, G. (2005). Modeling downstream fining in sand-bed rivers. I: formulation. *Journal of hydraulic research*, 43(6), 613-620.